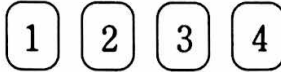


1 1, 2, 3, 4の数を1つずつ書いた4枚のカードから、もともにもどさずに続けて2枚を取り出します。1枚目のカードを十の位の数、2枚目のカードを一の位の数として2けたの数をつくります。



- (1) 2けたの数は全部で何通りできるか求めなさい。
- (2) できた2けたの数が、奇数である確率を求めなさい。

2 1, 3, 5, 7, 9の数を1つずつ書いた5枚のカードから、もともにもどさずに続けて2枚を取り出します。1枚目のカードを十の位の数、2枚目のカードを一の位の数として2けたの数をつくります。

- (1) 2けたの数は全部で何通りできるか求めなさい。
- (2) できた2けたの数が、51より大きくなる確率を求めなさい。
- (3) できた2けたの数が、3の倍数になる確率を求めなさい。

3 1, 2, 3, 4, 5の数を1つずつ書いた5枚のカードから、もともにもどさずに続けて2枚を取り出します。1枚目のカードを十の位の数、2枚目のカードを一の位の数として2けたの数をつくります。このとき、次の確率を求めなさい。

- (1) できた2けたの数が、奇数である確率
- (2) できた2けたの数が、4の倍数である確率

4 1, 2, 3, 4, 5の数が1つずつ書かれた5枚のカードから、同時に2枚のカードを取り出すとき、次の確率を求めなさい。

- (1) 1枚が奇数、1枚が偶数になる確率
- (2) 2枚の和が7以上になる確率

5 1, 2, 3, 4の数を1つずつ書いた4枚のカードから、もともにもどさずに続けて2枚を取り出す。1枚目のカードを十の位の数、2枚目のカードを一の位の数として2けたの数をつくる。このとき、次の確率を求めなさい。

- (1) できた2けたの数が奇数である確率
- (2) できた2けたの数が3の倍数である確率

6 2, 3, 4, 5, 6の数を1つずつ書いた5枚のカードから、もともにもどさずに続けて2枚を取り出す。1枚目のカードに書かれた数を a 、2枚目のカードに書かれた数を b とすると、次のようになる確率を求めなさい。

6はは私入試!!

- (1) a が b より大きい。
- (2) ab の値が奇数になる。
- (3) b が a の約数になる。

7 箱Aには1, 3, 4, 7の数が書かれたカードが1枚ずつ入り、箱Bには2, 5, 6の数が書かれたカードが1枚ずつ入っている。箱Aと箱Bからそれぞれ1枚ずつカードを取り出す。箱Aから取り出したカードに書かれている数を a 、箱Bから取り出したカードに書かれている数を b とすると、次のようになる確率を求めなさい。

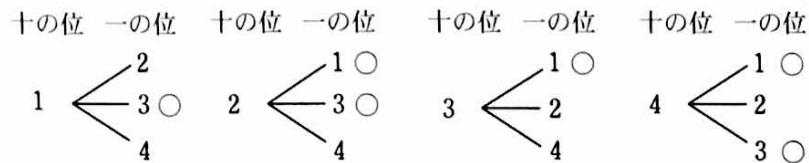
- (1) b が a より小さい。
- (2) $a+b$ の値が偶数になる。
- (3) b が $2a$ より小さい。

8 右の図のような数字を書いた5枚のカードがある。この5枚のカードから同時に2枚を取り出すとき、取り出した2枚のカードに書かれている数の和が1になる確率を求めなさい。



9 1から5までの整数を1つずつ書いた5枚のカードがある。このカードを、もともにもどすことなく続けて1枚ずつ2回取り出すとき、最初のカードに書かれた数を a 、2回目のカードに書かれた数を b とする。十の位の数が a 、一の位の数が b である数を A 、十の位の数が b 、一の位の数が a である数を B とする。 $A+B$ の値が33の倍数になる確率を求めなさい。

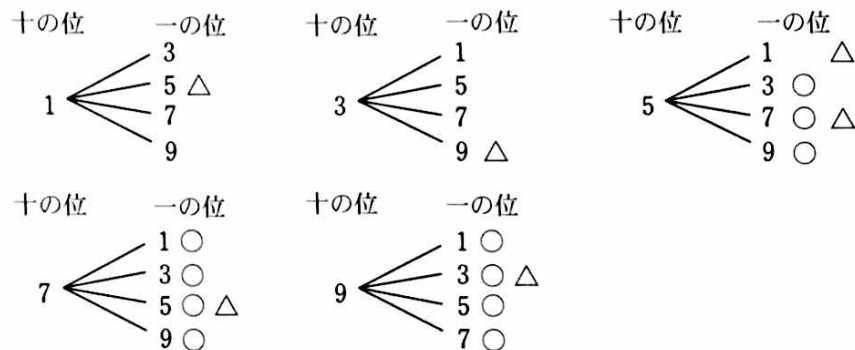
1 (1) 2枚のカードを取り出してできる2けたの数を樹形図で表すと、下のようになる。



上の図から、2けたの数は全部で12通りできる。

(2) できた2けたの数が、奇数である場合は、上の図に○をつけた6通りある。よって、求める確率は $\frac{6}{12} = \frac{1}{2}$

2 (1)



上の図から、2けたの数は全部で20通りできる。

(2) できた2けたの数が、51より大きくなる場合は、上の図に○をつけた11通りある

から、求める確率は $\frac{11}{20}$

(3) できた2けたの数が、3の倍数になる場合は、上の図に△をつけた6通りあるか

ら、求める確率は $\frac{6}{20} = \frac{3}{10}$

3 (1)

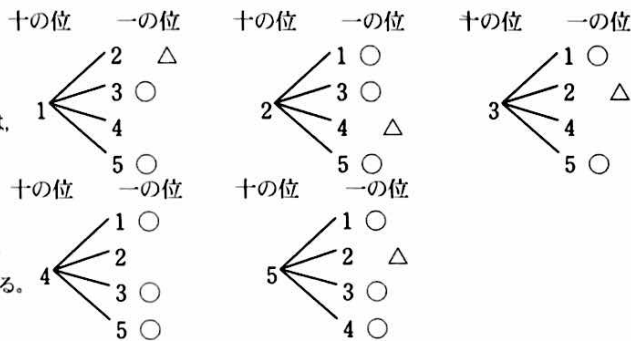
2けたの数は全部で20通りできる。

できた2けたの数が、奇数である場合は、上の図に○をつけた12通りある。

よって、求める確率は $\frac{12}{20} = \frac{3}{5}$

(2) できた2けたの数が、4の倍数である場合は、上の図に△をつけた4通りある。

よって、求める確率は $\frac{4}{20} = \frac{1}{5}$



4 (1) すべての場合は、次の10通りある。

- [1, 2], [1, 3], [1, 4], [1, 5]
- [2, 3], [2, 4], [2, 5]
- [3, 4], [3, 5]
- [4, 5]

1枚が奇数、1枚が偶数になるのは、 がついた場合で6通りあるから、求める確率

は $\frac{6}{10} = \frac{3}{5}$

(2) 2枚の和が7以上になるのは、 がついた場合で4通りあるから、求める確率は

$\frac{4}{10} = \frac{2}{5}$

5 2けたの数は

- 12, 13, 14, 21, 23, 24,
- 31, 32, 34, 41, 42, 43

の12通りできる。

(1) できた2けたの数が奇数である場合は

- 13, 21, 23, 31, 41, 43

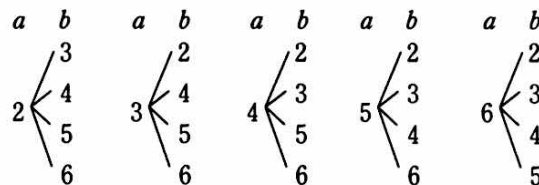
の6通りあるから、求める確率は $\frac{6}{12} = \frac{1}{2}$

(2) できた2けたの数が3の倍数である場合は

- 12, 21, 24, 42

の4通りあるから、求める確率は $\frac{4}{12} = \frac{1}{3}$

6 下の樹形図から、カードの取り出し方は全部で20通りある。



(1) aがbより大きいのは

- (3, 2), (4, 2), (4, 3), (5, 2), (5, 3),
- (5, 4), (6, 2), (6, 3), (6, 4), (6, 5)

の10通りあるから、求める確率は $\frac{10}{20} = \frac{1}{2}$

(2) 20通りの(a, b)について、abの値を求めると、次の表のようになる。

(a, b)	ab	(a, b)	ab	(a, b)	ab	(a, b)	ab	(a, b)	ab
(2, 3)	6	(3, 2)	6	(4, 2)	8	(5, 2)	10	(6, 2)	12
(2, 4)	8	(3, 4)	12	(4, 3)	12	(5, 3)	15	(6, 3)	18
(2, 5)	10	(3, 5)	15	(4, 5)	20	(5, 4)	20	(6, 4)	24
(2, 6)	12	(3, 6)	18	(4, 6)	24	(5, 6)	30	(6, 5)	30

よって、 ab の値が奇数になるのは

(3, 5), (5, 3)

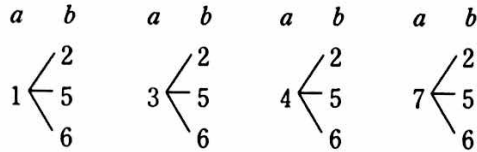
の2通りあるから、求める確率は $\frac{2}{20} = \frac{1}{10}$

(3) b が a の約数になるのは

(4, 2), (6, 2), (6, 3)

の3通りあるから、求める確率は $\frac{3}{20}$

7 下の樹形図から、カードの取り出し方は全部で12通りある。



上の12通りの (a, b) について、 $a+b$, $2a$ の値を求めると、次の表ようになる。

(a, b)	a+b	2a	(a, b)	a+b	2a
(1, 2)	3	2	(4, 2)	6	8
(1, 5)	6	2	(4, 5)	9	8
(1, 6)	7	2	(4, 6)	10	8
(3, 2)	5	6	(7, 2)	9	14
(3, 5)	8	6	(7, 5)	12	14
(3, 6)	9	6	(7, 6)	13	14

(1) b が a より小さいのは

(3, 2), (4, 2), (7, 2), (7, 5), (7, 6)

の5通りあるから、求める確率は $\frac{5}{12}$

(2) $a+b$ の値が偶数になるのは

(1, 5), (3, 5), (4, 2), (4, 6), (7, 5)

の5通りあるから、求める確率は $\frac{5}{12}$

(3) b が $2a$ より小さいのは

(3, 2), (3, 5), (4, 2), (4, 5),

(4, 6), (7, 2), (7, 5), (7, 6)

の8通りあるから、求める確率は $\frac{8}{12} = \frac{2}{3}$

8 2枚の -1 を、 $-1_A, -1_B$ とする。

2枚のカードの取り出し方と、取り出したカードに書かれている数の和は、右の表ようになる。

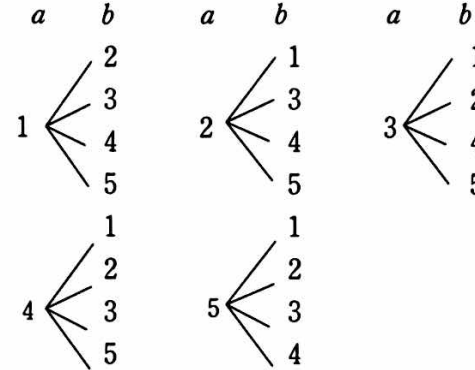
カードの取り出し方は、全部で10通りある。

2枚のカードに書かれている数の和が1になる場合は $\{-1_A, 2\}, \{-1_B, 2\}, \{0, 1\}$

の3通りあるから、求める確率は $\frac{3}{10}$

カード	和	カード	和
$\{-1_A, -1_B\}$	-2	$\{-1_B, 1\}$	0
$\{-1_A, 0\}$	-1	$\{-1_B, 2\}$	1
$\{-1_A, 1\}$	0	$\{0, 1\}$	1
$\{-1_A, 2\}$	1	$\{0, 2\}$	2
$\{-1_B, 0\}$	-1	$\{1, 2\}$	3

9 下の樹形図から、カードの取り出し方は全部で20通りある。



$A = 10a + b$, $B = 10b + a$ であるから

$$\begin{aligned} A+B &= (10a+b) + (10b+a) \\ &= 11a+11b \\ &= 11(a+b) \end{aligned}$$

よって、 $A+B$ が33の倍数になるのは、 $a+b$ が3の倍数になるときである。

20通りのカードの取り出し方に対して、 $a+b$ の値を求めると、次の表ようになる。

a	b	a+b	a	b	a+b	a	b	a+b	a	b	a+b	a	b	a+b
1	2	3	2	1	3	3	1	4	4	1	5	5	1	6
1	3	4	2	3	5	3	2	5	4	2	6	5	2	7
1	4	5	2	4	6	3	4	7	4	3	7	5	3	8
1	5	6	2	5	7	3	5	8	4	5	9	5	4	9

よって、 $a+b$ の値が3の倍数になるようなカードの取り出し方は

(1, 2), (1, 5), (2, 1), (2, 4), (4, 2), (4, 5), (5, 1), (5, 4)

の8通りあるから、求める確率は $\frac{8}{20} = \frac{2}{5}$

1 赤玉、青玉、白玉がそれぞれ2個ずつ入った袋から、同時に2個の玉を取り出すとき、異なる色が出る確率を求めなさい。

2 白玉2個、赤玉3個が入った袋から、同時に2個の玉を取り出すとき、2個とも白玉が出る確率を求めなさい。

3 青玉2個、白玉3個が入った袋から、同時に2個の玉を取り出すとき、1個が青玉で、1個が白玉になる確率を求めなさい。

4 赤玉3個、青玉2個、白玉1個が入った袋から、同時に3個の玉を取り出すとき、3個とも異なる色になる確率を求めなさい。

5 白玉4個、赤玉3個が入った袋から、同時に2個の玉を取り出すとき、次の確率を求めなさい。
 (1) 2個とも白玉になる確率 (2) 白玉が1個、赤玉が1個になる確率

6 赤玉3個、青玉2個、白玉1個が入った袋から、同時に2個の玉を取り出すとき、次の確率を求めなさい。

(1) 1個が赤玉で、1個が青玉になる確率

(2) 2個とも同じ色になる確率

(3) 赤玉がふくまれない確率

7 赤玉4個、白玉2個が入った袋から、同時に3個の玉を取り出すとき、次の確率を求めなさい。

(1) 3個とも赤玉になる確率

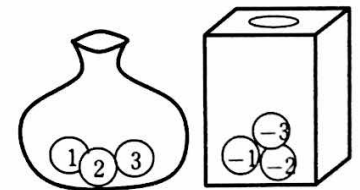
(2) 赤玉が2個、白玉が1個になる確率

8 赤玉2個、青玉1個、黄玉2個が入った袋から、同時に2個の玉を取り出すとき、次の確率を求めなさい。

(1) 2個とも黄玉になる確率

(2) 赤玉がふくまれない確率

9 整数1, 2, 3を1つずつ書いた3個の玉が入った袋と、整数-1, -2, -3を1つずつ書いた3個の玉が入った箱がある。袋と箱の中から、玉をそれぞれ1個ずつ同時に取り出して入れかえたとき、袋の中に入っている3個の玉に書かれている整数の和が3になる確率を求めなさい。



1 赤玉を赤1, 赤2, 青玉を青1, 青2, 白玉を白1, 白2とすると, すべての場合は, 次の15通りある。

{赤1, 赤2}, {赤1, 青1}, {赤1, 青2}, {赤1, 白1}, {赤1, 白2}
 {赤2, 青1}, {赤2, 青2}, {赤2, 白1}, {赤2, 白2}
 {青1, 青2}, {青1, 白1}, {青1, 白2}
 {青2, 白1}, {青2, 白2}
 {白1, 白2}

このうち, 異なる色が出るのは, がついた場合で12通りあるから, 求める確率は $\frac{12}{15} = \frac{4}{5}$

2 白玉を白1, 白2, 赤玉を赤1, 赤2, 赤3とすると, すべての場合は, 次の10通りある。

{白1, 白2}, {白1, 赤1}, {白1, 赤2}, {白1, 赤3}
 {白2, 赤1}, {白2, 赤2}, {白2, 赤3}
 {赤1, 赤2}, {赤1, 赤3}
 {赤2, 赤3}

2個とも白玉が出るのは, がついた場合で1通りあるから, 求める確率は $\frac{1}{10}$

3 青玉を①, ②, 白玉を③, ④, ⑤とすると, すべての場合は, 次の10通りある。

{①, ②}, {①, ③}, {①, ④}, {①, ⑤},
 {②, ③}, {②, ④}, {②, ⑤},
 {③, ④}, {③, ⑤},
 {④, ⑤}

これらは同様に確からしい。

このうち, 1個が青玉で, 1個が白玉になるのは

{①, ③}, {①, ④}, {①, ⑤},

{②, ③}, {②, ④}, {②, ⑤} の6通りあるから, その確率は $\frac{6}{10} = \frac{3}{5}$

4 赤玉を①, ②, ③, 青玉を④, ⑤, 白玉を⑥とすると, すべての場合は次の20通りある。

{①, ②, ③}, {①, ②, ④}, {①, ②, ⑤}, {①, ②, ⑥}, {①, ③, ④},
 {①, ③, ⑤}, {①, ③, ⑥}, {①, ④, ⑤}, {①, ④, ⑥}, {①, ⑤, ⑥},
 {②, ③, ④}, {②, ③, ⑤}, {②, ③, ⑥}, {②, ④, ⑤}, {②, ④, ⑥},
 {②, ⑤, ⑥}, {③, ④, ⑤}, {③, ④, ⑥}, {③, ⑤, ⑥}, {④, ⑤, ⑥}

これらは同様に確からしい。

このうち, 3個とも異なる色になるのは

{①, ④, ⑥}, {①, ⑤, ⑥}, {②, ④, ⑥}, {②, ⑤, ⑥}, {③, ④, ⑥},
 {③, ⑤, ⑥}

の6通りあるから, その確率は $\frac{6}{20} = \frac{3}{10}$

5 白玉を白1, 白2, 白3, 白4, 赤玉を赤1, 赤2, 赤3とすると, すべての場合は, 次の21通りある。

{白1, 白2}, {白1, 白3}, {白1, 白4}, {白1, 赤1}, {白1, 赤2}, {白1, 赤3},
 {白2, 白3}, {白2, 白4}, {白2, 赤1}, {白2, 赤2}, {白2, 赤3},
 {白3, 白4}, {白3, 赤1}, {白3, 赤2}, {白3, 赤3},
 {白4, 赤1}, {白4, 赤2}, {白4, 赤3},
 {赤1, 赤2}, {赤1, 赤3},
 {赤2, 赤3}

(1) 2個とも白玉になるのは

{白1, 白2}, {白1, 白3}, {白1, 白4},
 {白2, 白3}, {白2, 白4}, {白3, 白4}

の6通りあるから, 求める確率は $\frac{6}{21} = \frac{2}{7}$

(2) 白玉が1個, 赤玉が1個になるのは

{白1, 赤1}, {白1, 赤2}, {白1, 赤3}, {白2, 赤1},
 {白2, 赤2}, {白2, 赤3}, {白3, 赤1}, {白3, 赤2},
 {白3, 赤3}, {白4, 赤1}, {白4, 赤2}, {白4, 赤3}

の12通りあるから, 求める確率は $\frac{12}{21} = \frac{4}{7}$

6 赤玉を①, ②, ③, 青玉を④, ⑤, 白玉を⑥とすると, すべての場合は次の15通りある。

{①, ②}, {①, ③}, {①, ④}, {①, ⑤}, {①, ⑥}, {②, ③},
 {②, ④}, {②, ⑤}, {②, ⑥}, {③, ④}, {③, ⑤}, {③, ⑥},
 {④, ⑤}, {④, ⑥}, {⑤, ⑥}

これらは同様に確からしい。

(1) 1個が赤玉で, 1個が青玉になるのは

{①, ④}, {①, ⑤}, {②, ④}, {②, ⑤}, {③, ④}, {③, ⑤}

の6通りあるから, その確率は $\frac{6}{15} = \frac{2}{5}$

(2) 2個とも同じ色になるのは

{①, ②}, {①, ③}, {②, ③}, {④, ⑤}

の4通りあるから, その確率は $\frac{4}{15}$

(3) 赤玉がふくまれないのは

{④, ⑤}, {④, ⑥}, {⑤, ⑥}

の3通りあるから, その確率は $\frac{3}{15} = \frac{1}{5}$

7 赤玉を 赤1, 赤2, 赤3, 赤4, 白玉を 白1, 白2 とすると, すべての場合は, 次の 20 通りある。

{赤1, 赤2, 赤3}, {赤1, 赤2, 赤4}, {赤1, 赤2, 白1}, {赤1, 赤2, 白2},
 {赤1, 赤3, 赤4}, {赤1, 赤3, 白1}, {赤1, 赤3, 白2},
 {赤1, 赤4, 白1}, {赤1, 赤4, 白2},
 {赤1, 白1, 白2},
 {赤2, 赤3, 赤4}, {赤2, 赤3, 白1}, {赤2, 赤3, 白2},
 {赤2, 赤4, 白1}, {赤2, 赤4, 白2},
 {赤2, 白1, 白2},
 {赤3, 赤4, 白1}, {赤3, 赤4, 白2},
 {赤3, 白1, 白2},
 {赤4, 白1, 白2}

(1) 3 個とも赤玉になるのは

{赤1, 赤2, 赤3}, {赤1, 赤2, 赤4},
 {赤1, 赤3, 赤4}, {赤2, 赤3, 赤4}

の 4 通りあるから, 求める確率は $\frac{4}{20} = \frac{1}{5}$

(2) 赤玉が 2 個, 白玉が 1 個になるのは

{赤1, 赤2, 白1}, {赤1, 赤2, 白2}, {赤1, 赤3, 白1},
 {赤1, 赤3, 白2}, {赤1, 赤4, 白1}, {赤1, 赤4, 白2},
 {赤2, 赤3, 白1}, {赤2, 赤3, 白2}, {赤2, 赤4, 白1},
 {赤2, 赤4, 白2}, {赤3, 赤4, 白1}, {赤3, 赤4, 白2}

の 12 通りあるから, 求める確率は $\frac{12}{20} = \frac{3}{5}$

8 赤玉を 赤1, 赤2, 青玉を 青, 黄玉を 黄1, 黄2 とすると, すべての場合は, 次の 10 通りある。

{赤1, 赤2}, {赤1, 青}, {赤1, 黄1}, {赤1, 黄2},
 {赤2, 青}, {赤2, 黄1}, {赤2, 黄2},
 {青, 黄1}, {青, 黄2},
 {黄1, 黄2}

(1) 2 個とも黄玉になる場合は

{黄1, 黄2}

の 1 通りあるから, 求める確率は $\frac{1}{10}$

(2) 赤玉がふくまれない場合は

{青, 黄1}, {青, 黄2}, {黄1, 黄2}

の 3 通りあるから, 求める確率は $\frac{3}{10}$

9

入れかえる玉の組	袋	和	入れかえる玉の組	袋	和
1 と -1	-1, 2, 3	4	2 と -3	1, -3, 3	1
1 と -2	-2, 2, 3	3	3 と -1	1, 2, -1	2
1 と -3	-3, 2, 3	2	3 と -2	1, 2, -2	1
2 と -1	1, -1, 3	3	3 と -3	1, 2, -3	0
2 と -2	1, -2, 3	2			

入れかえる玉の組, 入れかえたあとの袋の中の玉に書かれている整数とその和は, 上の表のようになる。

玉の入れかえ方は, 全部で 9 通りある。

袋の中に入っている 3 個の玉に書かれている整数の和が 3 となる玉の入れかえ方は

1 と -2, 2 と -1

の 2 通りあるから, 求める確率は $\frac{2}{9}$

[1] 次の計算をなさい。

(1) $a(2b+3c)$

(2) $(x-2y) \times 3x$

(3) $-2x(x-5)$

(4) $(3a+5b) \times (-4b)$

[2] 次の計算をなさい。

(1) $(2a^2+3a) \div a$

(2) $(3x^2-6x) \div (-3x)$

(3) $(8a^2+12ab) \div 4a$

(4) $(15x^2y+20xy^2) \div (-5xy)$

[3] 次の計算をなさい。

(1) $(4x^2+2xy) \div \frac{2}{3}x$

(2) $(7a^2b-14ab^2) \div \frac{7}{5}ab$

(3) $(9x^2y-6xy^2) \div \left(-\frac{3}{2}xy\right)$

[4] 次の計算をなさい。

(1) $2x(x+1)+x(2x-3)$

(2) $3a(a-2)-2a(3a-2)$

[5] 次の計算をなさい。

(1) $3a(a-2b+5c)$

(2) $(6x-15y+12) \times \frac{2}{3}x$

[6] 次の計算をなさい。

(1) $(24a^2b-16ab) \div (-8ab)$

(2) $(-3a^2b+5ab^2) \div \left(-\frac{1}{2}ab\right)$

[7] 次の計算をなさい。

(1) $3(x^2+2x-4)-x(3x-5)$

(2) $x(2x-1)-(6x^2-9x^3) \div 3x$

[8] 次の計算をなさい。

(1) $(-xy+4y) \div \left(-\frac{1}{2}y\right)$

(2) $(12xy^2-30ax^2y^2) \div \frac{6xy}{5}$

(3) $(6p^3q^2-4pq^4) \div \left(-\frac{pq^2}{2}\right)$

(4) $(-3ab^3+5a^2) \div 0.5a$

$$\boxed{1} \quad (1) \quad a(2b+3c) = a \times 2b + a \times 3c \\ = 2ab + 3ac$$

$$(2) \quad (x-2y) \times 3x = x \times 3x - 2y \times 3x \\ = 3x^2 - 6xy$$

$$(3) \quad -2x(x-5) = -2x \times x - 2x \times (-5) \\ = -2x^2 + 10x$$

$$(4) \quad (3a+5b) \times (-4b) = 3a \times (-4b) + 5b \times (-4b) \\ = -12ab - 20b^2$$

$$\boxed{2} \quad (1) \quad (2a^2+3a) \div a = (2a^2+3a) \times \frac{1}{a} \\ = 2a^2 \times \frac{1}{a} + 3a \times \frac{1}{a} \\ = 2a + 3$$

$$(2) \quad (3x^2-6x) \div (-3x) = (3x^2-6x) \times \left(-\frac{1}{3x}\right) \\ = 3x^2 \times \left(-\frac{1}{3x}\right) - 6x \times \left(-\frac{1}{3x}\right) \\ = -x + 2$$

$$(3) \quad (8a^2+12ab) \div 4a = (8a^2+12ab) \times \frac{1}{4a} \\ = 8a^2 \times \frac{1}{4a} + 12ab \times \frac{1}{4a} \\ = 2a + 3b$$

$$(4) \quad (15x^2y+20xy^2) \div (-5xy) = (15x^2y+20xy^2) \times \left(-\frac{1}{5xy}\right) \\ = 15x^2y \times \left(-\frac{1}{5xy}\right) + 20xy^2 \times \left(-\frac{1}{5xy}\right) \\ = -3x - 4y$$

$$\boxed{3} \quad (1) \quad (4x^2+2xy) \div \frac{2}{3}x = (4x^2+2xy) \div \frac{2x}{3} \\ = (4x^2+2xy) \times \frac{3}{2x} \\ = 4x^2 \times \frac{3}{2x} + 2xy \times \frac{3}{2x} \\ = 6x + 3y$$

$$(2) \quad (7a^2b-14ab^2) \div \frac{7}{5}ab = (7a^2b-14ab^2) \div \frac{7ab}{5} \\ = (7a^2b-14ab^2) \times \frac{5}{7ab} \\ = 7a^2b \times \frac{5}{7ab} - 14ab^2 \times \frac{5}{7ab} \\ = 5a - 10b$$

$$(3) \quad (9x^2y-6xy^2) \div \left(-\frac{3}{2}xy\right) = (9x^2y-6xy^2) \div \left(-\frac{3xy}{2}\right) \\ = (9x^2y-6xy^2) \times \left(-\frac{2}{3xy}\right) \\ = 9x^2y \times \left(-\frac{2}{3xy}\right) - 6xy^2 \times \left(-\frac{2}{3xy}\right) \\ = -6x + 4y$$

$$\boxed{4} \quad (1) \quad 2x(x+1) + x(2x-3) = 2x^2 + 2x + 2x^2 - 3x \\ = 4x^2 - x$$

$$(2) \quad 3a(a-2) - 2a(3a-2) = 3a^2 - 6a - 6a^2 + 4a \\ = -3a^2 - 2a$$

$$\begin{aligned} \boxed{5} \quad (1) \quad 3a(a-2b+5c) &= 3a \times a + 3a \times (-2b) + 3a \times 5c \\ &= 3a^2 - 6ab + 15ac \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad (6x-15y+12) \times \frac{2}{3}x &= 6x \times \frac{2}{3}x - 15y \times \frac{2}{3}x + 12 \times \frac{2}{3}x \\ &= 4x^2 - 10xy + 8x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \boxed{6} \quad (1) \quad (24a^2b-16ab) \div (-8ab) &= (24a^2b-16ab) \times \left(-\frac{1}{8ab}\right) \\ &= 24a^2b \times \left(-\frac{1}{8ab}\right) - 16ab \times \left(-\frac{1}{8ab}\right) \\ &= -3a + 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad (-3a^2b+5ab^2) \div \left(-\frac{1}{2}ab\right) &= (-3a^2b+5ab^2) \div \left(-\frac{ab}{2}\right) \\ &= (-3a^2b+5ab^2) \times \left(-\frac{2}{ab}\right) \\ &= -3a^2b \times \left(-\frac{2}{ab}\right) + 5ab^2 \times \left(-\frac{2}{ab}\right) \\ &= 6a - 10b \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \boxed{7} \quad (1) \quad 3(x^2+2x-4) - x(3x-5) &= 3x^2+6x-12-3x^2+5x \\ &= 11x-12 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad x(2x-1) - (6x^2-9x^3) \div 3x &= 2x^2-x-(2x-3x^2) \\ &= 2x^2-x-2x+3x^2 \\ &= 5x^2-3x \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \boxed{8} \quad (1) \quad (-xy+4y) \div \left(-\frac{1}{2}y\right) &= (-xy+4y) \times \left(-\frac{2}{y}\right) \\ &= 2x-8 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (2) \quad (12xy^2-30ax^2y^2) \div \frac{6xy}{5} &= (12xy^2-30ax^2y^2) \times \frac{5}{6xy} \\ &= 10y-25axy \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (3) \quad (6p^3q^2-4pq^4) \div \left(-\frac{pq^2}{2}\right) &= (6p^3q^2-4pq^4) \times \left(-\frac{2}{pq^2}\right) \\ &= -12p^2+8q^2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} (4) \quad (-3ab^3+5a^2) \div 0.5a &= (-3ab^3+5a^2) \div \frac{a}{2} \\ &= (-3ab^3+5a^2) \times \frac{2}{a} \\ &= -6b^3+10a \end{aligned}$$